

# **ΣΥΣΤΑΤΙΚΑ ΤΗΣ ΠΟΙΚΙΛΟΤΗΤΑΣ ΤΩΝ ΕΙΔΩΝ**

**Πλούτος ειδών (species richness)**

ο αριθμός ειδών στην βιοκοινότητα

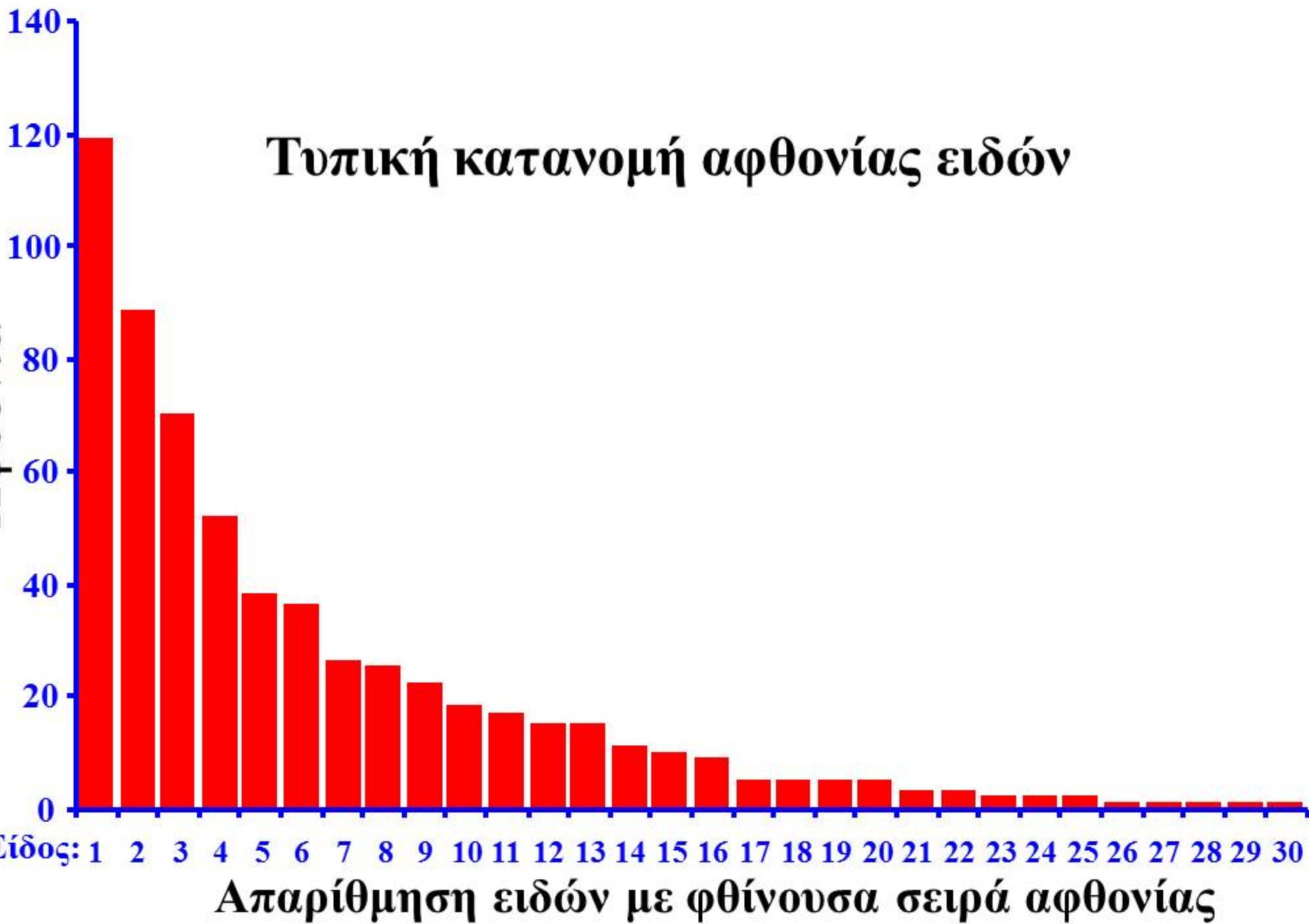
**Αφθονία** ή πυκνότητα των ειδών (species abundance ή species density)

Ο αριθμός ατόμων ανά είδος

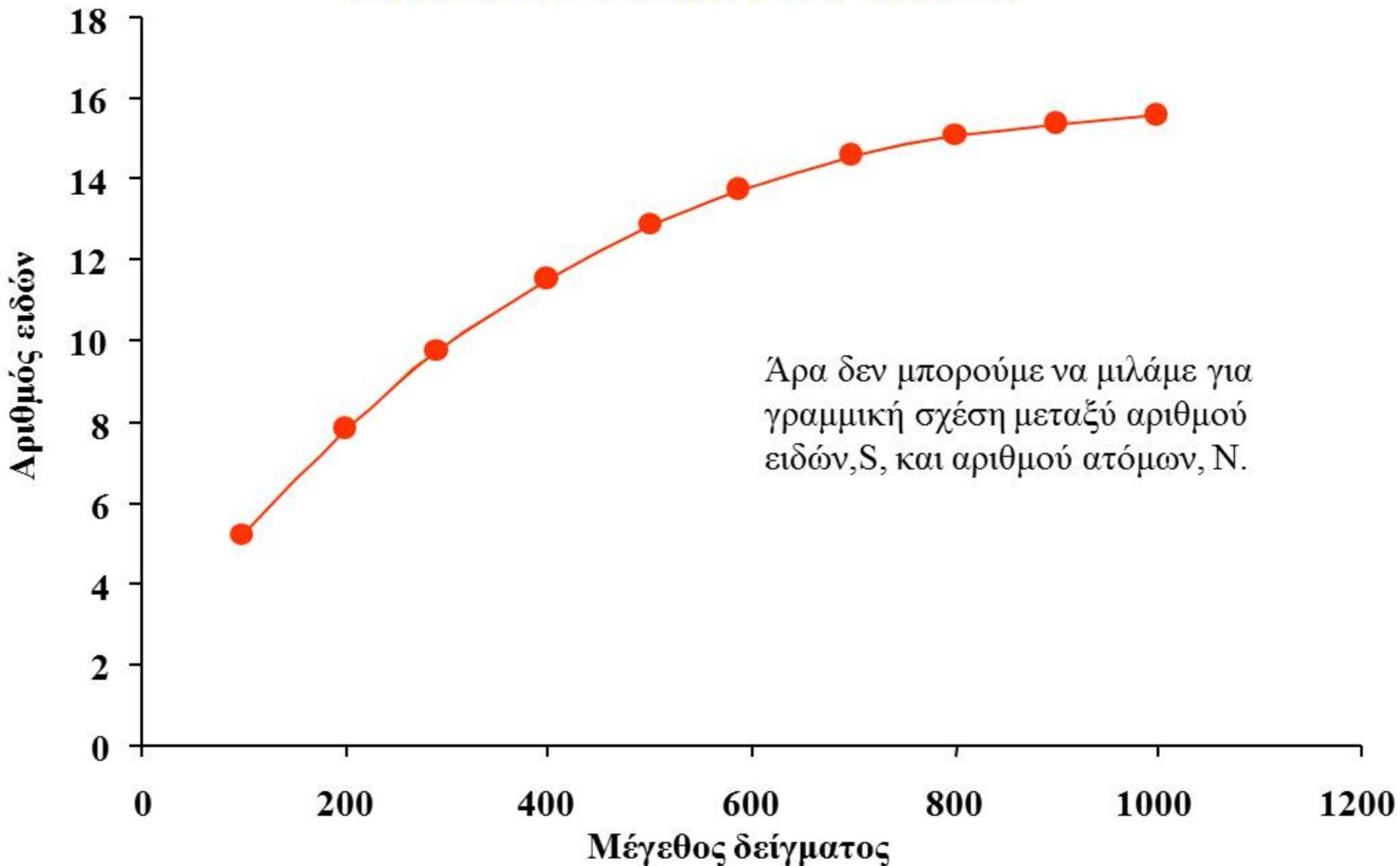
**Ισομέρεια** (evenness)

## Τυπική κατανομή αφθονίας ειδών

Αφθονία



## ΔΕΙΚΤΕΣ ΠΛΟΥΤΟΥ ΕΙΔΩΝ



**Εκτιμητές συνολικού αριθμού ειδών**

**Δείκτες πλούτου ειδών**

**Δείκτες ποικιλότητας**

**Δείκτες Ισομέρειας**

# Εκτιμητές Πλούτου Ειδών

# ΠΟΣΟΤΙΚΑ ΔΕΔΟΜΕΝΑ

Αφθονία



# ΠΟΣΟΤΙΚΑ ΔΕΔΟΜΕΝΑ

*Αριθμητικό παράδειγμα*

**Σε μια περιοχή καταγράφηκαν**

**$S_{obs} = 100$  είδη αφίδων, εκ των οποίων**

a = 15 είδη είχαν από ένα άτομο και

b = 10 είδη είχαν από δύο άτομα

Σύμφωνα με την μέθοδο Chao, ο εκτιμούμενος αριθμός ειδών είναι:

$$\hat{S}_{max} = 100 + \left( 15^2 / (2 * 10) \right) = 111,25$$

# ΔΕΔΟΜΕΝΑ ΠΑΡΟΥΣΙΑΣ-ΑΠΟΥΣΙΑΣ

## Η Μέθοδος Jack-knife

Αν έχουμε δεδομένα παρουσίας-απουσίας ειδών σε μια σειρά δειγμάτων (π.χ. τετράγωνα δειγματοληψίας) που πήραμε από μια περιοχή για να εκτιμήσουμε την ποικιλότητα των ειδών:

$$\hat{S}_{\max} = S_{obs} + \left( \frac{n-1}{n} \right) k$$

όπου:

$S_{obs}$  είναι ο παρατηρηθείς συνολικός αριθμός ειδών στο σύνολο των δειγμάτων

$n$  είναι ο αριθμός των δειγμάτων (δειγματοληπτικών μονάδων)

$k$  είναι ο αριθμός των ειδών που βρέθηκαν σε ένα μόνο δείγμα (μοναδικά)

Η διακύμανση της εκτίμησης δίδεται από τον τύπο:

$$\text{var}(\hat{S}_{\max}) = \left( \frac{n-1}{n} \right) \left( \sum_{j=1}^{S_{obs}} j^2 f_j - \frac{k^2}{n} \right)$$

όπου:  $f_j$  είναι ο αριθμός των δειγμάτων που περιέχουν  $j$  μοναδικά είδη.

# Δείκτες Πλούτου Ειδών

**ΔΕΙΚΤΕΣ ΠΛΟΥΤΟΥ ΕΙΔΩΝ**  
*Species richness*

$$R_1 = \frac{S - 1}{\ln N} \quad \text{R.Margalef (1958)}$$
$$S = I + K \ln(N) \quad S = K \sqrt{N}$$

$$R_2 = \frac{S}{\sqrt{N}} \quad \text{E.F.Menhinich (1964)}$$

<b>Είδος <i>i</i></b>	<b>Παγίδα <i>A</i></b>	<b>Παγίδα <i>B</i></b>
1	9	1
2	3	0
3	0	1
4	4	0
5	2	0
6	1	0
7	1	1
8	0	2
9	1	0
10	0	5
11	1	3
12	1	0
<b>Αριθμός ειδών (<i>S</i>)</b>	<b>9</b>	<b>6</b>
<b>Αριθμός ατόμων (<i>N</i>)</b>	<b>23</b>	<b>13</b>
<b><math>R_1</math></b>	<b>2,55</b>	<b>1,95</b>
<b><math>R_2</math></b>	<b>1,87</b>	<b>1,66</b>
<b><math>E(S_{13})</math></b>	<b>6,56</b>	<b>6,00</b>

$$R_2 = \frac{S}{\sqrt{N}}$$

$$R_2 = \frac{9}{\sqrt{23}} = 1.87$$

# **Δείκτες Ποικιλότητας**

## (ή ετερογένειας)

# Δείκτης Ποικιλότητας Simpson (1949)

*Αφορά άπειρο πληθυσμό*

*εκφράζει την πιθανότητα δύο άτομα που θα παρθούν τυχαία να ανήκουν σε οποιοδήποτε είδος αλλά στο ίδιο είδος*

*εκφράζει την πιθανότητα δύο άτομα που θα παρθούν τυχαία να ανήκουν σε οποιοδήποτε είδος αλλά στο ίδιο είδος*

$$\lambda = \sum P_i^2$$

Μετρά την κυριαρχία

Άλλοι μετασχηματισμοί  
 $H_2 = -\log \lambda$

$$\frac{1}{D} = \frac{1}{1 - \sum P_i^2} = N_2(\text{Hill's})$$

$$D = 1 - \sum P_i^2$$

Μετρά την ποικιλότητα

*Ο δείκτης Simpson είναι εναίσθητος στα άφθονα είδη - όχι στα σπάνια - Αυτό σημαίνει ότι η καταγραφή ή μη ενός σπάνιου είδους δεν θα επηρεάσει σημαντικά την τιμή D*

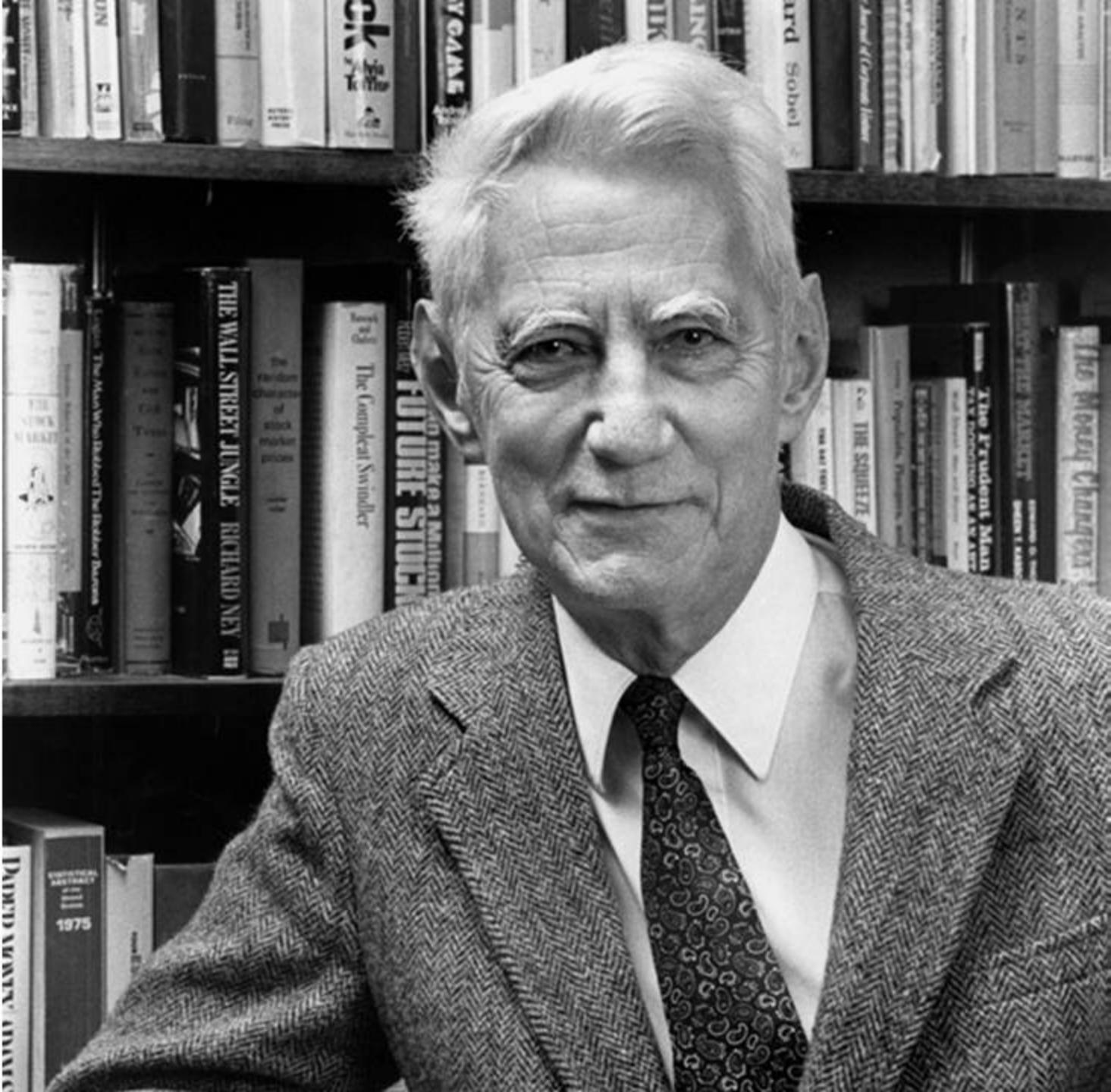
*Για το λ και για το D ισχύει:  $0 \leq \lambda, D \leq 1$*

*Εναλλακτικά:  $D = 1 / \sum P^2$*

# Claude Shannon (1916-2001)

Πτυχιούχος μαθηματικός και ηλεκτρολόγος μηχανικός από το Πανεπιστήμιο του Michigan.

Θεωρείτε ο πατέρας της «θεωρίας των πληροφοριών» και έγινε γνωστός για την άρθρο του “A mathematical theory of communication”.



# Δείκτης Ποικιλότητας των Shannon-Wiener

$$H' = - \sum_i^S P_i \ln P_i$$

Λογάριθμος σε  
οποιαδήποτε βάση



μετρά το βαθμό “αβεβαιότητας” στην πρόβλεψη της ομάδας (είδους) στην οποία ανήκει ένα στοιχείο (άτομο)

Είναι εναίσθητος στα σπάνια είδη

*To  $H'$  θεωρητικά κυμαίνεται από:*

*Ελάχιστη τιμή:  $\log[N/N(N-S)]$*

*Μέγιστη τιμή:  $\ln(S)$*

*Πρακτικά δεν ξεπερνάει το 5*

Για τη μετατροπή λογαρίθμων από μια βάση σε μια άλλη χρησιμοποιούμε τους παρακάτω τύπους:

$$H'(\text{base 2 logs}) = 3.321928 H'(\text{base 10 logs})$$

$$H'(\text{base } e \text{ logs}) = 2.302585 H'(\text{base 10 logs})$$

Όταν η βάση είναι 2 οι μονάδες του  $H'$  είναι *bits per individual*

Όταν η βάση είναι  $e$  οι μονάδες του  $H'$  είναι *nits per individual*

Όταν η βάση είναι 10 οι μονάδες του  $H'$  είναι *decits per individual*

Με βάση τα παρακάτω δεδομένα αφθονίας ειδών αφίδων (Si) σε δείγμα από μία περιοχή υπολογίστε τους δείκτες ποικιλότητας Simpson και Shannon-Wiener της αφιδοκοινότητας.

<i>Aphids gossypii</i>	<b>50</b>
<i>Aploneura lentisci</i>	<b>40</b>
<i>Hyalopterus pruni</i>	<b>22</b>
<i>Myzus persicae</i>	<b>18</b>
<i>Sitobion avenae</i>	<b>16</b>
<i>Rhopalosiphum maidis</i>	<b>14</b>

**ΔΕΙΚΤΗΣ  
ΠΟΙΚΙΛΟΤΗΤΑΣ  
SIMPSON**

$$\widehat{D} = 1 - \sum_{i=1}^s \frac{n_i(n_i - 1)}{n(n - 1)}$$

<b>Είδος</b>	<b>A</b>		
<i>Aphids gossypii</i>	<b>50</b>	$(50*49)/(160*159)$	<b>0.0963</b>
<i>Apaloneura lentisci</i>	<b>40</b>	$(40*39)/(160*159)$	<b>0.0613</b>
<i>Hyalopterus pruni</i>	<b>22</b>	.....	<b>0.0182</b>
<i>Myzus persicae</i>	<b>18</b>	.....	<b>0.0120</b>
<i>Sitobion avenae</i>	<b>16</b>	.....	<b>0.0094</b>
<i>Rhopalosiphum maidis</i>	<b>14</b>	.....	<b>0.0072</b>
<b>TOTAL</b>	<b>160</b>		<b>Aθροισμα 0.204</b>

$$D = 1 - 0.204 = 0.796$$

**ΔΕΙΚΤΗΣ  
ΠΟΙΚΙΛΟΤΗΤΑΣ  
Shannon - Wiener**

$$\widehat{H} = - \sum_{i=1}^s \frac{N_i}{N} \ln \frac{N_i}{N}$$

Eίδος	A	A
<i>Aphids gossypii</i>	50	(50/160)*ln(50/160)
<i>Ap loneura lentisci</i>	40	(40/160)*ln(40/160)
<i>Hyalopterus pruni</i>	22	.....
<i>Myzus persicae</i>	18	.....
<i>Sitobion avenae</i>	16	.....
<i>Rhopalosiphum maidis</i>	14	.....
<b>TOTAL</b>	<b>160</b>	Αθροισμα <b>-1.672</b>

**H' = 1.672  
bits per individual**

# Πλεονεκτήματα του δείκτη του Shannon:

1. Για δεδομένο  $S$ , το  $H'$  γίνεται μέγιστο όταν  $P_i=1/S$  για όλα τα  $i$ . Τέτοια βιοκοινότητα ονομάζεται *πλήρως ισομερής*.
2. Δεδομένων δύο πλήρως ισομερών βιοκοινοτήτων, εκείνη με το μεγαλύτερο  $S$  έχει μεγαλύτερο  $H'$ .
3. Επιτρέπει τη μέτρηση της ποικιλότητας και στις περιπτώσεις που τα άτομα της βιοκοινότητας ταξινομούνται κατά δύο ή περισσότερους τρόπους.
4. Επίσης ο δείκτης  $H'$  μπορεί να χωριστεί σε προσθετικά συνθετικά, όπως δηλαδή στην γνωστή μας ανάλυσης της διασποράς.

# Ποικιλότητα σε Σύστημα δύο Ταξινομήσεων

Έστω ότι τα άτομα μιας βιοκοινότητας ταξινομούνται με δύο τρόπους, π.χ.

**Ταξινόμηση A:** κατά είδος

**Ταξινόμηση B:** κατά βιοκατοικία

Διακρίνομε τις παρακάτω ποικιλότητες *Shannon-Wiener*

S ομάδες

Ποικιλότητα του πληθυσμού ως  
προς την ταξινόμηση A:  
ΠΟΙΚΙΛΟΤΗΤΑ **A**

Ποικιλότητα του πληθυσμού ως  
προς την ταξινόμηση B:  
ΠΟΙΚΙΛΟΤΗΤΑ **B**

Ποικιλότητα του πληθυσμού ως προς την  
διπλή ταξινόμηση AB:  
ΣΥΝΔΙΑΣΜΕΝΗ ΠΟΙΚΙΛΟΤΗΤΑ **AB**

Ποικιλότητα υπό την ταξινόμηση B  
εντός της ομάδας  $A_j$ :  
ΠΟΙΚΙΛΟΤΗΤΑ **B εντός της A**

Μέση **σταθμισμένη** ποικιλότητα υπό την  
ταξινόμηση B εντός όλων των ομάδων A:

$$H'(A) = -\sum_{j=1}^s P_j \ln P_j$$

$$H'(B) = -\sum_{k=1}^t Q_k \ln Q_k$$

$$H'(AB) = -\sum_{j=1}^s \sum_{k=1}^t \Pi_{jk} \ln \Pi_{jk}$$

$$H'_j(B) = -\sum_{k=1}^t Q_{jk} \ln Q_{jk}$$

$$H'_A(B) = \sum_{j=1}^s P_j \cdot H'_j(B)$$

t ομάδες

St ομάδες

Η ουσιαστική ιδιότητα του δείκτη Shannon-Wiener είναι

$$H'(AB) = H'(A) + H'_A(B)$$

ποικιλότητα  
υπό την  
ταξινόμηση A

Μέση σταθμισμένη ποικιλότητα υπό<sup>1</sup>  
την ταξινόμηση B εντός όλων των  
αμάδων της ταξινόμησης A

Εάν οι ταξινομήσεις είναι ανεξάρτητες ισχύει:

$$H'(AB) = H'(A) + H'(B)$$

Τα άτομα ταξινομούνται κατά δύο τρόπους, κατά είδος (ταξινόμηση B) και κατά βιοκατοικία (ταξινόμηση A)

		Είδος				
		$B_{k=1}$	$B_{k=2}$	$B_{k=3}$	$B_{k=4}$	$\Sigma$ νολο
Βιοκατοικία	$A_{j=1}$	15	20	2	13	50
		0.15	0.20	0.02	0.13	
	$A_{j=2}$	10	10	8	2	30
		0.10	0.10	0.08	0.02	
	$A_{j=3}$	10	0	10	0	20
		0.10	0.00	0.10	0.00	100
$\Sigma$ νολο		35	30	20	15	1

$$H'(AB) = - \sum_{j=1}^s \sum_{k=1}^t \Pi_{jk} \ln \Pi_{jk}$$

	$B_{k=1}$	$B_{k=2}$	$B_{k=3}$	$B_{k=4}$
$A_{j=1}$	$0.15 \ln(0.15)$ <b>-0.2846</b>	$0.20 \ln(0.20)$ <b>-0.3219</b>	$0.02 \ln(0.02)$ <b>-0.0782</b>	$0.13 \ln(0.13)$ <b>-0.2652</b>
$A_{j=2}$	$0.10 \ln(0.10)$ <b>-0.2303</b>	$0.10 \ln(0.10)$ <b>-0.2303</b>	$0.08 \ln(0.08)$ <b>-0.2021</b>	$0.02 \ln(0.02)$ <b>-0.0782</b>
$A_{j=3}$	$0.10 \ln(0.10)$ <b>-0.2303</b>	$0 \ln(0)$ <b>0.0000</b>	$0.10 \ln(0.10)$ <b>-0.2303</b>	$0 \ln(0)$ <b>0.0000</b>
				<b>2.151</b>

$$H'(A) = -\sum_{j=1}^s P_j \ln P_j$$

	$B_{k=1}$	$B_{k=2}$	$B_{k=3}$	$B_{k=4}$	$\Sigma \text{ύνολο } P_j$	$P_j \ln P_j$	
$A_{j=1}$	15 0.15ln0.15	20 0.20ln0.20	2 0.02ln0.02	13 0.13ln0.13	50	0.50	0.50 x ln(0.50) <b>-0.347</b>
$A_{j=2}$	10 0.10ln0.10	10 0.10ln0.10	8 0.08ln0.08	2 0.02ln0.02	30	0.30	0.30 x ln(0.30) <b>-0.361</b>
$A_{j=3}$	10 0.10ln0.10	0 0.00ln0.00	10 0.10ln0.10	0 0.00ln0.00	20	0.20	0.20 x ln(0.20) <b>-0.322</b>
$\Sigma \text{ύνολο } Q_k$	<b>35</b> <b>0.35</b>	<b>30</b> <b>0.30</b>	<b>20</b> <b>0.20</b>	<b>15</b> <b>0.15</b>	<b>100</b>	1.00	$H'(A)$
$Q_k \ln Q_k$	0.35xln(0.35) <b>-0.37</b>	0.3xln(0.3) <b>-0.36</b>	0.2xln(0.2) <b>-0.32</b>	0.15xln(0.15) <b>-0.28</b>	$H'(B)$	1.335	$1.031$ $H'(A)+H'(B)$ $= 1.031+1.335$ <b>2.366</b>

$$H'(B) = -\sum_{k=1}^t Q_k \ln Q_k \quad H'(AB) = -\sum_{j=1}^s \sum_{k=1}^t \Pi_{jk} \ln \Pi_{jk} = 2.151$$

Βλέπουμε ότι  $H'(AB) = 2.151 \neq H'(A) + H'(B) = 1.031 + 2.151 = 2.366$   
 ένδειξη ότι οι δύο ταξινομήσεις δεν είναι ανεξάρτητες

Μέση σταθμισμένη ποικιλότητα υπό την ταξινόμηση Β εντός όλων των ομάδων της ταξινόμησης Α

	$B_{k=1}$	$B_{k=2}$	$B_{k=3}$	$B_{k=4}$	Σύνολο $P_j$	$H'_j(B) = -\sum Q_{jk} \ln Q_{jk}$	$P_j H'_j(B) =$
$A_{j=1}$	15 $0.30 \ln 0.30 + 0.40 \ln 0.40 + 0.04 \ln 0.04 + 0.26 \ln 0.26$	20 $0.33 \ln 0.33 + 0.33 \ln 0.33 + 0.27 \ln 0.27 + 0.07 \ln 0.07$	2 $0.50 \ln 0.50 + 0.00 \ln 0.00 + 0.20 \ln 0.20 + 0.00 \ln 0.00$	13 $0.33 \ln 0.33 + 0.33 \ln 0.33 + 0.27 \ln 0.27 + 0.07 \ln 0.07$	50 1	$0.50 \times 1.207$	= 0.603
$A_{j=2}$	10 $0.33 \ln 0.33 + 0.33 \ln 0.33 + 0.27 \ln 0.27 + 0.07 \ln 0.07$	10 $0.33 \ln 0.33 + 0.33 \ln 0.33 + 0.27 \ln 0.27 + 0.07 \ln 0.07$	8 $0.50 \ln 0.50 + 0.00 \ln 0.00 + 0.20 \ln 0.20 + 0.00 \ln 0.00$	2 $0.33 \ln 0.33 + 0.33 \ln 0.33 + 0.27 \ln 0.27 + 0.07 \ln 0.07$	30 1	$0.30 \times 1.265$	= 0.380
$A_{j=3}$	10 $0.50 \ln 0.50 + 0.00 \ln 0.00 + 0.20 \ln 0.20 + 0.00 \ln 0.00$	0 $0.00 \ln 0.00 + 0.00 \ln 0.00 + 0.00 \ln 0.00 + 0.00 \ln 0.00$	10 $0.33 \ln 0.33 + 0.33 \ln 0.33 + 0.27 \ln 0.27 + 0.07 \ln 0.07$	0 $0.00 \ln 0.00 + 0.00 \ln 0.00 + 0.00 \ln 0.00 + 0.00 \ln 0.00$	20 1	$0.20 \times 0.693$	= 0.139

$$H'_j(B) = -\sum Q_{jk} \ln Q_{jk} \quad 100 \quad H'_A(B) \\ 1.122$$

$$H'(AB) = 2.151 \\ H'(A) = 1.031 \\ H'_A(B) = 1.122$$

Πράγματι όπως βλέπουμε ισχύει η σχέση  $H'(AB) = H'(A) + H'_A(B)$ .

Εφαρμογή των παραπάνω τύπων στον υπολογισμό της  
**ταξονομικής ποικιλότητας**

$$H'(GS) = H'(G) + H'_G(S)$$

$$H'(FGS) = H'(F) + H'_F(G) + H'_{FG}(S)$$

Ανάλυση της συνολικής ποικιλότητας στα συστατικά της

	<i>gossypii</i>	<i>fabaе</i>	<i>certus</i>	<i>persicae</i>	<i>avenae</i>
	$S_{k=1}$	$S_{k=2}$	$S_{k=3}$	$S_{k=4}$	$S_{k=5}$
$G_{j=1}$ ( <i>Aphid</i> )	10 0.10	20 0.20			
$G_{j=2}$ ( <i>Myzus</i> )			25 0.25	30 0.30	
$G_{j=3}$ ( <i>Sitobion</i> )				15 0.15	100 1

# $H'(GS)$

	<i>gossypii</i> $S_{k=1}$	<i>fabaе</i> $S_{k=2}$	<i>certus</i> $S_{k=3}$	<i>persicae</i> $S_{k=4}$	<i>avenae</i> $S_{k=4}$
$G_{j=1}$ <i>(Aphid)</i>	0.10 ln(0.10) <b>-0.2303</b>	0.20 ln(0.20) <b>-0.3219</b>			
$G_{j=2}$ <i>(Myzus)</i>			0.25 ln(0.25) <b>-0.3466</b>	0.30 ln(0.30) <b>-0.3612</b>	
$G_{j=3}$ <i>(Sitobion)</i>					15 ln(15) <b>-0.2846</b>

$\Sigma \text{ΥΝΟΔΟ} = 100$

$H'(GS) =$  **1.5445**

$H'(G)$



	<i>gossypii</i>	<i>fabaе</i>	<i>certus</i>	<i>persicae</i>	<i>avenae</i>	$\Sigma \text{ύνολο}$ και $P_j$	$P_j \ln P_j$
	$S_{k=1}$	$S_{k=2}$	$S_{k=3}$	$S_{k=4}$	$S_{k=4}$		
$G_{j=1}$ <i>(Aphid)</i>	10	20				<b>30</b>	0.30 $\ln(0.30)$
	<b>0.10</b>	<b>0.20</b>				<b>0.30</b>	<b>-0.361</b>
$G_{j=2}$ <i>(Myzus)</i>			25	30		<b>55</b>	0.55 $\ln(0.55)$
			<b>0.25</b>	<b>0.30</b>		<b>0.55</b>	<b>-0.329</b>
$G_{j=3}$ <i>(Sitobion)</i>					15	<b>15</b>	0.15 $\ln(0.15)$
					0.15	<b>0.15</b>	<b>-0.285</b>

$\Sigma \text{ύνολο} = 100$

$H'(G) =$  **0.975**

# $H'_G(S)$

To  $H'_j(B)$  επί το ποσοστό  $P_j$  του κάθε γένους από προηγούμενο slide

	$gossypii$	$fabaе$	$certus$	$persicae$	$avenae$	$\Sigma \text{ύνολο}$ και $P_j$	$H'_j(B)$	$H'_A(B)$
	$S_{k=1}$	$S_{k=2}$	$S_{k=3}$	$S_{k=4}$	$S_{k=4}$			
$G_{j=1}$ <i>(Aphid)</i>	10 $10/30=0.33$	20 $20/30=0.67$				30 0.30	$0.33 * \ln 0.33 + 0.67 * \ln 0.67$ <b>0.637</b>	$0.30 * 0.637$ <b>0.191</b>
$G_{j=2}$ <i>(Myzus)</i>			25 $25/55=0.45$	30 $30/55=0.55$		55 0.55	$0.55 * 0.689$ <b>0.689</b>	$0.55 * 0.689$ <b>0.379</b>
$G_{j=3}$ <i>(Sitobion)</i>					15 1.00	15 0.15	$0.15 * 0.000$ <b>0.000</b>	$0.15 * 0.000$ <b>0.000</b>

$$H'_G(S) = \boxed{0.5699}$$

**Παρατηρούμε ότι ισχύει:**

$$H'(GS) = H'(G) + H'_G(S) = 0,9746 + 0,5698 = 1,5445$$

Αυτό δείχνει ότι δεν χρειάζεται να υπολογίσουμε το  $H'_G(S)$

αλλά ότι μπορούμε να το πάρουμε ως διαφορά  $H'(GS) - H'(G)$

# Οικογένειες Δεικτών Ποικιλότητας του M.O. Hill

[Πρόκειται για Δείκτες πλούτου (αριθμού) ειδών]

$$N_A = \left[ \sum_{i=1}^s P_i^A \right]^{\frac{1}{1-A}}$$

Είναι μια γενική μορφή  
του δείκτη  $\lambda$  του  
**Simpson:**

$$\lambda = \sum_{i=1}^s P_i^2$$

Έτσι για διάφορες τιμές του A παίρνουμε  
διάφορους δείκτες ποικιλότητας.

Πλεονέκτημα έναντι άλλων δεικτών  
το φυσικό τους νόημα:

Για  $A=0$  :  $No=S$

= Αριθμός συνόλου ειδών

Για  $A=1$ :  $N_I=e^H'$

= Αριθμός άφθονων ειδών

Για  $A=2$  :  $N_2 = \frac{1}{\sum_{i=1}^s P_i^2} = \frac{1}{\lambda}$

= Αριθμός των πολύ-άφθονων ειδών

**N<sub>0</sub>>N<sub>1</sub>>N<sub>2</sub>.**

Eίδος	N	P	$P^2$	Eίδος	N
S1	119	$119/608 = 0.195724$	0.038308	S16	9
S2	88	$88/608 = 0.144737$	0.020949	S17	5
S3	70	$70/608 = 0.115132$	0.013255	S18	5
S4	52			S19	5
S5	38			S20	5
S6	36			S21	3
S7	26			S22	3
S8	25			S23	2
S9	22			S24	2
S10	18			S25	2
S11	17			S26	1
S12	15			S27	1
S13	15			S28	1
S14	11			S29	1
S15	10			S30	1
		<b>SUM 608</b>			

<b>Eίδος</b>	<b>N</b>	<b>P</b>	<b>P<sup>2</sup></b>
S1	119	0.195724	0.038308
S2	88	0.144737	0.020949
S3	70	0.115132	0.013255
S4	52	0.085526	0.007315
S5	38	0.062500	0.003906
S6	36	0.059211	0.003506
S7	26	0.042763	0.001829
S8	25	0.041118	0.001691
S9	22	0.036184	0.001309
S10	18	0.029605	0.000876
S11	17	0.027961	0.000782
S12	15	0.024671	0.000609
S13	15	0.024671	0.000609
S14	11	0.018092	0.000327
S15	10	0.016447	0.000271

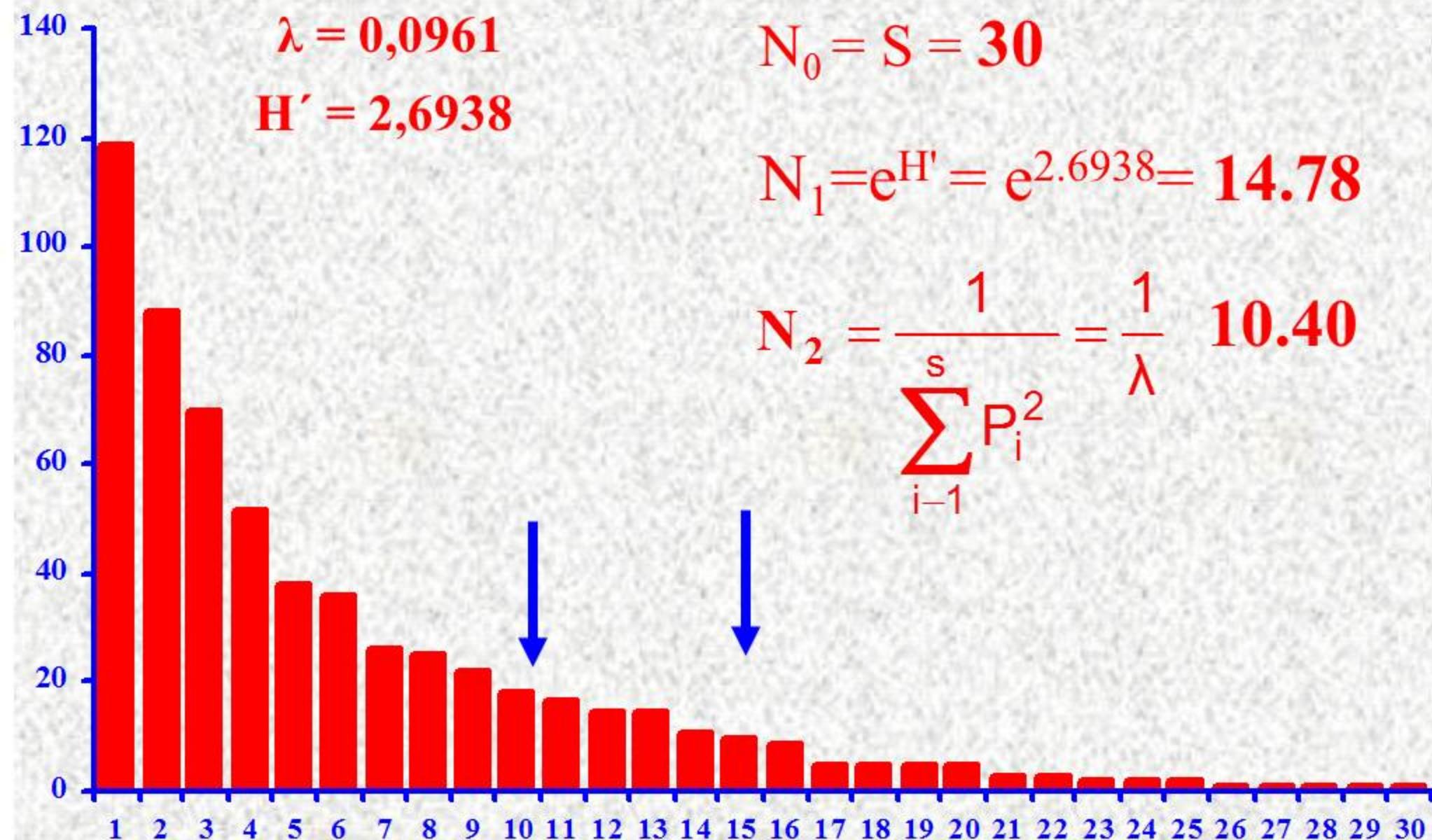
Simpson:  $\lambda = 0,0961$     $D = 1 - \lambda = 0,9039$

<b>Eίδος</b>	<b>N</b>	<b>P</b>	<b>P<sup>2</sup></b>
S16	9	0.014803	0.000219
S17	5	0.008224	0.000068
S18	5	0.008224	0.000068
S19	5	0.008224	0.000068
S20	5	0.008224	0.000068
S21	3	0.004934	0.000024
S22	3	0.004934	0.000024
S23	2	0.003289	0.000011
S24	2	0.003289	0.000011
S25	2	0.003289	0.000011
S26	1	0.001645	0.000003
S27	1	0.001645	0.000003
S28	1	0.001645	0.000003
S29	1	0.001645	0.000003
S30	1	0.001645	0.000003

**SUM**   **608**   **1.00000**   **0.09613**

<b>Είδος</b>	<b>N</b>	<b>P</b>	<b>Pi *LnPi</b>	<b>Είδος</b>	<b>N</b>	<b>P</b>	<b>Pi *LnPi</b>
S1	119	0.195724	-0.319235	S16	9	0.014803	-0.062363
S2	88	0.144737	-0.279753	S17	5	0.008224	-0.039480
S3	70	0.115132	-0.248878	S18	5	0.008224	-0.039480
S4	52	0.085526	-0.210303	S19	5	0.008224	-0.039480
S5	38	0.062500	-0.173287	S20	5	0.008224	-0.039480
S6	36	0.059211	-0.167368	S21	3	0.004934	-0.026208
S7	26	0.042763	-0.134793	S22	3	0.004934	-0.026208
S8	25	0.041118	-0.131221	S23	2	0.003289	-0.018806
S9	22	0.036184	-0.120100	S24	2	0.003289	-0.018806
S10	18	0.029605	-0.104205	S25	2	0.003289	-0.018806
S11	17	0.027961	-0.100014	S26	1	0.001645	-0.010543
S12	15	0.024671	-0.091335	S27	1	0.001645	-0.010543
S13	15	0.024671	-0.091335	S28	1	0.001645	-0.010543
S14	11	0.018092	-0.072591	S29	1	0.001645	-0.010543
S15	10	0.016447	-0.067559	S30	1	0.001645	-0.010543
<b>Shannon-Wiener: H' = 2,69381</b>				<b>SUM</b>	<b>608</b>	<b>1.00000</b>	<b>-2.69381</b>

S<sub>1</sub> S<sub>2</sub> S<sub>3</sub> S<sub>4</sub> S<sub>5</sub> S<sub>6</sub> S<sub>7</sub> S<sub>8</sub> S<sub>9</sub> S<sub>10</sub> S<sub>11</sub> S<sub>12</sub> S<sub>13</sub> S<sub>14</sub> S<sub>15</sub> S<sub>16</sub> S<sub>17</sub> S<sub>18</sub> S<sub>19</sub> S<sub>20</sub> S<sub>21</sub> S<sub>22</sub> S<sub>23</sub> S<sub>24</sub> S<sub>25</sub> S<sub>26</sub> S<sub>27</sub> S<sub>28</sub> S<sub>29</sub> S<sub>30</sub>  
119 88 70 52 38 36 26 25 22 18 17 15 15 11 10 9 5 5 5 5 3 3 2 2 2 1 1 1 1 1



## Δείκτες Ισομέρειας (Evenness)

Η ισομέρεια αντανακλά τις λειτουργικές σχέσεις μεταξύ των ειδών (π.χ. ανταγωνισμός) ή τη συγκριτική ικανότητα αναπαραγωγής των διαφόρων ειδών κλπ.

Η ισομέρεια εκφράζεται συνήθως ως ο λόγος της εκάστοτε ποικιλότητας προς την μεγίστη δυνατή ποικιλότητα που η βιοκοινότητα θα μπορούσε να έχει με τον ίδιο αριθμό ειδών, δηλ.

$$J = \frac{H'}{H'_{\max}} = \frac{H'}{\ln S}$$

**N<sub>0</sub>** = όλα τα είδη,  
**N<sub>1</sub>**= τα άφθονα είδη και  
**N<sub>2</sub>** = τα πολύ άφθονα είδη

$$J = E_1 = \frac{\ln N_1}{\ln N_0}$$

$$E_2 = \frac{N_1}{N_0}$$

$$E_3 = \frac{N_1 - 1}{N_0 - 1}$$

$$E_4 = \frac{N_2}{N_1}$$

$$E_5 = \frac{N_2 - 1}{N_1 - 1}$$

Οι δείκτες αυτοί έχουν διαφορετικό βαθμό εναισθησίας στην μεταβολή της κατανομής των ατόμων στα είδη αλλά και στη μεταβολή του αριθμού των ειδών, όπως φαίνεται και στο παρακάτω αριθμητικό παράδειγμα: